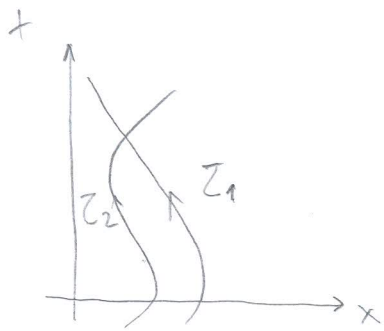


Tensor Energia-Momento

Particulars:

$$T^{\mu\nu}(x) = \sum_a \int d\tau_a \ m_a \frac{dq_a^\mu}{d\tau_a} \frac{dq_a^\nu}{d\tau_a} \delta^{(4)}(x - q_a(\tau_a))$$



Espaço-tempo plano:

$$\partial_\mu T^{\mu\nu} = 0$$

$$\int_V d^3x T^{0\nu} = \sum_{(a \in V)} p_a^\nu = P_\nu(t)$$

← energia/momento total no volume V

$T^{ij} \rightarrow$ estresse

Fluido

$$1 \neq 6 \times 10^{23}$$

↙
variáveis
macroscópicas

↘
graus de
liberdade microscópicas

Fluido \rightarrow interação muito pequena (ou ausente) entre os componentes do fluido.

4-velocidade $u^\mu(x)$

$$\eta_{\mu\nu} u^\mu u^\nu = -1 \quad (\text{Normalização arbitrária})$$

Observador "comóreo" (o fluido está estático)

$$u^0 = 1 \quad u^i = 0$$

Fluido isotrópico, no ref. comóreo

$u^i = 0 \rightarrow T^{0i} = 0$ por invariância rotacional

$T^{ij} \propto \delta^{ij}$ (único tensor simétrico invariante por rotações)

$$T^{\mu\nu} = \begin{pmatrix} T^{00} & T^{0i} & & \\ \rho(x) & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \rho(x) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \rho(x) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \rho(x) \end{pmatrix} = \underbrace{(\rho(x) + P(x)) u^\mu(x) u^\nu(x)}_{\text{espaço-tempo plano}} + P(x) \eta^{\mu\nu}$$

Fluido móvel \rightarrow transformação de coordenadas

$$u^\mu = (1, \vec{0}) \rightarrow u^\mu = \left(\frac{1}{\sqrt{1-\vec{v}^2}}, \frac{\vec{v}^i}{\sqrt{1-\vec{v}^2}} \right)$$

$$\begin{cases} T^{00} = \frac{\rho + \vec{v}^2 \rho}{1 - \vec{v}^2} \quad (\text{HW}) \\ T^{0i} = \dots \\ T^{ij} = \dots \end{cases}$$